

高雄市明誠中學 高三數學複習測驗 日期：95.10.16					
範圍	Book2 Chap 1	班級	普三	班	姓
	指數對數(1)	座號			名

一、選擇題 (每題 5 分)

1、(B) 下列何者正確？ (A)  $\log_{\frac{1}{2}} 5 > \log_{\frac{1}{2}} 3 > \log_{\frac{1}{2}} (0.2)$  (B)  $\log_5 3 > \log_5 \sqrt{2} > \log_5 1$

(C)  $2^3 > 2^{\frac{2}{3}} > 2^{\frac{3}{4}}$  (D)  $(0.5)^3 < (0.5)^{-1} < (0.5)^{\sqrt{2}}$

解析：(B)正確， $\because$ 底數 $5 > 1$ ，且 $3 > \sqrt{2} > 1$ ，故 $\log_5 3 > \log_5 \sqrt{2} > \log_5 1$

2、(D) 求 $\log_2 3 \cdot \log_3 5 \cdot \log_5 8$ 之值為 (A)0 (B)1 (C)2 (D)3

解析：原式 $= \frac{\log 3}{\log 2} \cdot \frac{\log 5}{\log 3} \cdot \frac{\log 8}{\log 5} = \frac{\log 2^3}{\log 2} = 3$

3、(C)  $x, y$  為異於 1 的正實數， $k$  為實數，下列何者是錯誤的？ (A)  $\log_x 1 = 0$   
 (B)  $\log_{10} xy = \log_{10} x + \log_{10} y$  (C)  $\log_{10} k^2 = 2 \log_{10} k$  (D)  $\log_{10} k^3 = 3 \log_{10} k$   
 (E)  $x^{\log_{10} y} = y^{\log_{10} x}$

解析： $\because \log_{10} (-2)^2 \neq 2 \log_{10} (-2)$

$\therefore \log_{10} k^2 \neq 2 \log_{10} k$ ， $\log_{10} k^3$ 若有意義 $\Rightarrow k^3 > 0 \therefore k > 0$ 故成立

4、(C)  $\log 35.7 = x$ ，則 $x-1 =$  (A)  $\log 34.7$  (B)  $\log 36.7$  (C)  $\log 3.57$  (D)  $\log 357$

解析： $x-1 = \log 35.7 - \log 10 = \log \frac{35.7}{10} = \log 3.57$

5、(C)  $x, y$  皆為正數，若 $x^3 = y^2$ ， $2x = 3y$ ，則以下何者正確？ (A)  $x = 3$  (B)  $x = y$   
 (C)  $x^x = y^y$  (D)  $4x^x = 9y^y$  (E)  $9x^y = 4y^x$

解析： $x^3 = y^2 \therefore x^{3x} = y^{2x} \therefore x^{3x} = y^{3y} \therefore x^x = y^y$

$9x^3 = 9y^2 = (3y)^2 = (2x)^2 \therefore 9x^3 = 4x^2, \therefore x = 0$ (不合)或 $\frac{4}{9}, y = \frac{2}{3}x = \frac{8}{27}$ ，故 $x \neq y$

$\log 9x^y = \log 9 + y \log x = 2 \log 3 + \frac{8}{27}(2 \log 2 - 2 \log 3)$

$\log 4y^x = \log 4 + x \log y = 2 \log 2 + \frac{4}{9}(3 \log 2 - 3 \log 3)$

$\therefore \log 9x^y \neq \log 4y^x$ ，故 $9x^y \neq 4y^x$ 。

6、(D) 若實數 $x$ 滿足不等式 $\log_3(3^x + 8) < \frac{x}{2} + 1 + \log_3 2$ ，則 $x$ 的範圍為 (A)  $\log_3 2 < x < \log_3 8$

(B)  $1 < x < \log_3 12$  (C)  $\log_3 4 < x < \log_3 8$  (D)  $\log_3 4 < x < \log_3 16$

(E)  $\log_3 8 < x < \log_3 16$

解析： $\log_3(3^x + 8) < \frac{x}{2} + 1 + \log_3 2 = \log_3 2 \cdot 3^{\frac{x}{2}+1}$

$3^x + 8 < 2 \cdot 3^{\frac{x}{2}+1} = 6 \cdot 3^{\frac{x}{2}}$

令 $u = 3^{\frac{x}{2}}$ ，得 $u^2 - 6u + 8 < 0 \Rightarrow (u-4)(u-2) < 0$

$\therefore 2 < u = 3^{\frac{x}{2}} < 4, \log 2 < \frac{x}{2} \log 3 < \log 4$

$2 \cdot \frac{\log 2}{\log 3} < x < 2 \cdot \frac{\log 4}{\log 3} \Rightarrow 2 \log_3 2 < x < 2 \log_3 4$

即  $\log_3 4 < x < \log_3 16$

- 7、(B) 設  $\log_a 2 = x$ ,  $\log_a 3 = y$ , 則  $\log_6 \frac{1}{18}$  可表示為 (A)  $\frac{x+2y}{x+y}$  (B)  $-\frac{x+2y}{x+y}$  (C)  $\frac{x+y}{x+2y}$   
(D)  $-\frac{x+y}{x+2y}$

解析：  $\log_6 \frac{1}{18} = \frac{\log_a \frac{1}{18}}{\log_a 6} = \frac{-[\log_a (2 \times 3^2)]}{\log_a (2 \times 3)} = \frac{-[\log_a 2 + 2\log_a 3]}{\log_a 2 + \log_a 3} = \frac{-(x+2y)}{x+y}$

- 8、(B)  $\log 797 = 2.9015$ , 則  $\log x = 1.9015$ , 則  $x =$  (A) 796 (B) 79.7 (C) 78.7 (D) 7.97 (E) 6.97

解析：  $\log x = 1.9015 = \log 797 - 1 = \log 79.7$

- 9、(D)  $10^{\log(\log 2 + \log 3)} = ?$  (A) 5 (B) 6 (C)  $\log 5$  (D)  $\log 6$  (E)  $\log 2 \cdot \log 3$

解析：  $10^{\log_{10}(\log 6)} = (\log 6)^{\log_{10} 10} = \log 6$

- 10、(D)  $2x + 2\log_{10}(2 + 10^{-x}) - \log_{10}(\frac{1}{4} + 10^x + 10^{2x}) =$  (A)  $2 \times 10^x$  (B)  $x \cdot \log_{10} \frac{1}{4}$  (C) 1  
(D)  $2\log_{10} 2$  (E)  $2x + 10^{2x}$

解析：

$$\begin{aligned} & 2x + 2\log_{10}(2 + 10^{-x}) - \log_{10}(\frac{1}{4} + 10^x + 10^{2x}) \\ &= \log_{10} \frac{10^{2x}(2 + 10^{-x})^2}{(\frac{1}{4} + 10^x + 10^{2x})} = \log_{10} \left( \frac{4 \times 10^{2x} + 4 \times 10^x + 1}{10^{2x} + 10^x + \frac{1}{4}} \right) = \log_{10} 4 = 2\log_{10} 2 \end{aligned}$$

- 11、(B) 化簡  $8^{-\frac{2}{3}} + \log_3 27 - \log_4 \sqrt{2}$  得其值為 (A)  $-\frac{5}{4}$  (B) 3 (C) 2 (D) 1

解析：原式 =  $(2^3)^{-\frac{2}{3}} + \log_3 3^3 - \log_{2^2} 2^{\frac{1}{2}} = \frac{1}{4} + 3 - \frac{1}{4} = 3$

- 12、(A) 化簡  $\frac{2^{n+4} - 2 \cdot 2^n}{2(2^{n+3})}$  得 (A)  $\frac{7}{8}$  (B)  $2^{n+1}$  (C)  $-2^{n+1}$  (D)  $1 - 2^n$

解析：原式 =  $\frac{2^{n+4} - 2^{n+1}}{2^{n+4}} = 1 - \frac{2^{n+1}}{2^{n+4}} = 1 - \frac{1}{8} = \frac{7}{8}$

- 13、(D) 解方程式  $\log_3(x-2) = 3$ , 則  $x$  等於 (A) 7 (B) 25 (C) 27 (D) 29

解析：  $\log_3(x-2) = 3 \Leftrightarrow x-2 = 3^3 = 27 \therefore x = 27 + 2 = 29$

- 14、(A) 設  $a^{x-2} = 1$ , ( $a \neq 0$ ), 則  $x^x =$  (A) 4 (B) 2 (C) 8 (D) 1

解析：  $a^{x-2} = 1 \Rightarrow x = 2 \therefore x^x = 2^2 = 4$

- 15、(B) 設  $a, b$  為正實數, 已知  $\log_7 a = 11$ ,  $\log_7 b = 13$ ; 試問  $\log_7(a+b)$  之值最接近下列哪個選項? (A) 12 (B) 13 (C) 14 (D) 23 (E) 24

解析：  $\because \log_7 a = 11 \Rightarrow a = 7^{11}$ ,  $\log_7 b = 13 \Rightarrow b = 7^{13}$   
 $\therefore \log_7(a+b) = \log_7(7^{11} + 7^{13}) = \log_7[7^{11}(1 + 7^2)] = \log_7 7^{11} + \log_7(1 + 7^2)$   
 $= 11 + \log_7 50 \approx 11 + 2 = 13$

故應選(B)。

- 16、(C)  $2^{1.5}$  與下列何者最接近? (A) 3 (B) 2.5 (C) 2.8 (D) 3.2

解析：  $2^{1.5} = 2 \cdot 2^{\frac{1}{2}} = 2\sqrt{2} \approx 2.828$

- 17、(A) 化簡  $4\log_{10} 2 + 2\log_{10} 5 - \log_{10} 4 =$  (A) 2 (B) 3 (C) 4 (D) 5

**解析**：原式 =  $\log_{10}(2^4 \times 5^2 \div 4) = \log_{10} 100 = 2$

- 18、(E)  $x, y$  為異於 1 的正實數，下列何者是正確的？ (A)  $\log_{10}(-x)^2 = 2\log_{10}(-x)$   
(B)  $\log_x x = 0$  (C)  $\log_x y = \log_y x$  (D)  $\log_{10}(x+y) = \log_{10} x \cdot \log_{10} y$   
(E)  $\log_{\sqrt{x}} \sqrt{y} = \log_x y$

**解析**： $\because \log_{10}(-2)^2 \neq 2\log_{10}(-2), \log_x x = 1$

$$\log_x y = \frac{1}{\log_y x}, \log_{10} x + \log_{10} y = \log_{10} xy$$
$$\log_{\sqrt{x}} \sqrt{y} = \frac{1}{\frac{1}{2}} \log_x y = \log_x y$$

- 19、(A) 若  $\log 4.78 = 0.6794$ ，則  $\log 47800 =$  (A) 4.6794 (B) 3.6794 (C) 4.3206 (D) 0.6794

**解析**： $\log 47800 = \log(4.78 \times 10^4) = 4.6794$

- 20、(B) 設  $x = \frac{\log_{10} 5}{\log_{10} 2}$ ，則  $4^x =$  (A) 10 (B) 25 (C) 8 (D) 16

**解析**： $x = \log_2 5 \Rightarrow 4^x = 4^{\log_2 5} = 2^{2\log_2 5} = 2^{\log_2 25} = 25$

- 21、(A) 不等式  $3^{x^2-10} < \left(\frac{1}{27}\right)^{x+2}$ ，則  $x$  的範圍為

- (A)  $-4 < x < 1$  (B)  $-4 \leq x \leq 1$  (C)  $x < -4$  或  $x > 1$  (D)  $x \leq -4$  或  $x \geq 1$

**解析**： $3^{x^2-10} < \left(\frac{1}{27}\right)^{x+2} \Rightarrow 3^{x^2-10} < 3^{-3x-6} \Rightarrow x^2 - 10 < -3x - 6 \Rightarrow x^2 + 3x - 4 < 0$   
 $\Rightarrow (x+4)(x-1) < 0$ ，即  $-4 < x < 1$

- 22、(D)  $n \in \mathbb{N}$ ，若  $\log n$  的首數為 7，則此種正整數  $n$  共有 (A) 1 (B) 7 (C)  $9 \times 10^6$  (D)  $9 \times 10^7$   
(E)  $9 \times 10^8$  個

**解析**： $\log n$  首數為 7  $\therefore n$  之位數為 8 位數共  $9 \times 10^7$  個

- 23、(D)  $2x + 2\log_{10}(2 + 10^{-x}) - \log_{10}\left(\frac{1}{4} + 10^x + 10^{2x}\right) =$  (A)  $2 \times 10^x$  (B)  $x \log_{10} \frac{1}{4}$  (C) 1  
(D)  $2 \log_{10} 2$  (E)  $2x + 10^{2x}$

**解析**： $2x + 2\log_{10}(2 + 10^{-x}) - \log_{10}\left(\frac{1}{4} + 10^x + 10^{2x}\right) = \log_{10} \frac{10^{2x}(2 + 10^{-x})^2}{\left(\frac{1}{4} + 10^x + 10^{2x}\right)}$   
 $= \log_{10} \left(\frac{4 \times 10^{2x} + 4 \times 10^x + 1}{10^{2x} + 10^x + \frac{1}{4}}\right) = \log_{10} 4 = 2 \log_{10} 2$

- 24、(A)  $3^{\frac{\log(\log 9)}{\log 3}} = ?$  (A)  $\log 9$  (B)  $3^{\log 2}$  (C)  $3^{\log 3}$  (D) 9 (E) 27

**解析**： $3^{\frac{\log(\log 9)}{\log 3}} = 3^{\log_3(\log 9)} = (\log 9)^{\log_3 3} = \log 9$

- 25、(C)  $n \in \mathbb{N}$ ，若  $\log \frac{1}{n}$  的首數為  $-k$ ，則此種正整數  $n$  共有 (A) 1 (B)  $k$  (C)  $9 \times 10^{k-1}$  (D)  $9 \times 10^k$   
(E)  $9 \times 10^{k+1}$  個

**解析**： $\log \frac{1}{n}$  之首數為  $-k \therefore -k \leq \log \frac{1}{n} < -k + 1$

$k \geq \log n > k - 1, 10^k \geq n > 10^{k-1}$ ，共  $10^k - 10^{k-1} = 9 \times 10^{k-1}$

26、(E) 設  $x = \log_3 5$ ，則  $3^{2x} + 3^{-x}$  之值為 (A)5 (B)9 (C) $\frac{28}{3}$  (D) $\frac{51}{5}$  (E) $\frac{126}{5}$

解析：  $x = \log_3 5 \quad \therefore 3^x = 5 \Rightarrow 3^{2x} = 25, 3^{-x} = \frac{1}{5}$ ，故  $3^{2x} + 3^{-x} = 25 + \frac{1}{5} = \frac{126}{5}$

27、(C)  $\log 0.649 = -0.1878$ ，則  $\log 64.9 =$

(A)0.8122 (B)1.1878 (C)1.8122 (D)2.8122 (E)18.7800

解析：  $\log 64.9 = \log 100 \times 0.649 = 2 + \log 0.649 = 1.8122$

28、(D) 設  $\log A$  的首數為  $a$ ，尾數為  $\alpha$ ，求  $\log \frac{1}{A}$  的尾數為 (A) $\alpha$  (B) $-\alpha$  (C) $1+\alpha$  (D) $1-\alpha$

解析：  $\log A = a + \alpha, \log \frac{1}{A} = -\log A = -(a + \alpha) = -a - \alpha = (-a - 1) + (1 - \alpha)$

$\therefore \log \frac{1}{A}$  的首數為  $-a-1$ ，尾數為  $1-\alpha$ 。

29、(B) 設  $\log_3 5 = a, \log_b 2 = 3$ ，則  $9^a + b^3$  之值為 (A)12 (B)27 (C) $9^{\log_3 3} + (\log_b 2)^3$   
(D) $9^{\log_3 5} + (\log_b 2)^3$  (E) $9^{\log_3 3} + b^{\log_b 2}$

解析：  $\log_3 5 = a \quad \therefore 3^a = 5, 9^a = (3^a)^2 = 25$

$\log_b 2 = 3 \quad \therefore b^3 = 2$

故  $9^a + b^3 = 25 + 2 = 27$

30、(B) 試問有多少個正整數  $n$  滿足  $100 \leq (1.5)^n \leq 500$  ?

(A)3 個 (B)4 個 (C)5 個 (D)6 個 (E)7 個

解析：由  $100 \leq (1.5)^n \leq 500$

得  $\log 100 \leq \log(1.5)^n \leq \log 500$

因為  $\log 100 = 2$

$\log(1.5)^n = n \log \frac{3}{2} = n (\log 3 - \log 2) = n (0.4771 - 0.3010) = 0.1761n$

$\log 500 = \log \frac{1000}{2} = \log 1000 - \log 2 = 3 - 0.3010 = 2.6990$

故  $2 \leq 0.1761n \leq 2.6990 \Rightarrow \frac{2}{0.1761} \leq n \leq \frac{2.6990}{0.1761}$

即  $11.3572 \leq n \leq 15.327$ ，故  $n = 12, 13, 14, 15$

滿足原不等式的正整數  $n$  共有 4 個。

31、(A) 假設  $g_n = 400 \cdot \left(\frac{3}{4}\right)^n$ ， $n$  是自然數，則  $g_n < 10^{-3}$  時， $n$  最少是

(A)45 (B)46 (C)47 (D)48 (E)49

解析：  $400 \cdot \left(\frac{3}{4}\right)^n < 10^{-3} \quad \therefore \left(\frac{4}{3}\right)^n > 4 \times 10^5$

$n(\log 4 - \log 3) > 2 \log 2 + 5, n > \frac{5.6020}{0.1249} = 44.8\dots$

32、(C) 試問  $2^{50}$  是幾位整數？( $\log 2 = 0.3010$ ) (A)14 (B)15 (C)16 (D)17

解析：  $\log 2^{50} = 50 \log 2 = 50 \times 0.3010 = 15.05$

首數為 15，故  $2^{50}$  為 16 位整數。

33、(B) 下列選項中的數，何者最大？ [其中  $n! = n \times (n-1) \times \dots \times 2 \times 1$ ] (A) $100^{10}$  (B) $10^{100}$

(C)  $50^{50}$  (D)  $50!$  (E)  $\frac{100!}{50!}$

**解析**：先比較(A)(B)(C)的大小

$$\because 100^{10} = (10^2)^{10} = 10^{20}$$

$$10^{100} = 10^{2 \times 50} = (10^2)^{50} = 100^{50} > 50^{50} \text{ 與 } 10^{20} ; \therefore 10^{100} \text{ 最大}$$

比較(B)(D)的大小

$$\because 50! = 50 \times 49 \times 48 \times \cdots \times 2 \times 1 < \underbrace{100 \times 100 \times 100 \times \cdots \times 100}_{50 \text{ 個}} = 100^{50} = 10^{100}$$

比較(B)(E)的大小

$$\frac{100!}{50!} = \frac{100 \times 99 \times \cdots \times 51 \times 50!}{50!} = 100 \times 99 \times 98 \times \cdots \times 51 < \underbrace{100 \times 100 \times 100 \times \cdots \times 100}_{50 \text{ 個}} = 10^{100}$$

由 $1^\circ, 2^\circ, 3^\circ$ 得 $10^{100}$ 最大。

34、( **BC** / **D** ) (複選)根據對數表， $\log 2$ 的近似值是0.3010， $\log 3$ 的近似值是0.4771。下列選項有哪些是正確的？

(A)  $10^9 > 9^{10}$  (B)  $10^{12} > 12^{10}$  (C)  $10^{11} > 11^{10}$  (D) 方程式 $10^x = x^{10}$ 有一負根

**解析**：(1)  $\because \log 10^9 = 9$ ， $\log 9^{10} = 10 \log 9 = 10 \log 3^2 = 20 \log 3 = 20 \times 0.4771 = 9.542$

$$\therefore \log 9^{10} > \log 10^9 \Rightarrow 9^{10} > 10^9$$

(2)  $\because \log 10^{12} = 12$ ，

$$\log 12^{10} = 10 \log 12 = 10(2 \log 2 + \log 3) = 10 \times (0.6020 + 0.4771) = 10.791$$

$$\therefore \log 10^{12} > \log 12^{10} \Rightarrow 10^{12} > 12^{10}$$

(3)  $\because \log 10^{11} = 11$ ，而 $\log 12^{10} = 10.791$

$$\therefore \log 10^{11} > \log 12^{10} > \log 11^{10} \Rightarrow 10^{11} > 12^{10} > 11^{10} \Rightarrow 10^{11} > 11^{10}$$

(4) 令 $f(x) = 10^x - x^{10}$

$$\because f(0) = 10^0 - 0 = 1 > 0, f(-1) = 10^{-1} - (-1)^{10} = \frac{1}{10} - 1 = -\frac{9}{10} < 0$$

由勘根定理知： $\exists c \in (-1, 0) \ni f(c) = 0$ ，故 $10^x = x^{10}$ 有一負根 $c$ 。

故應選(B)(C)(D)。

35、( **BD** / **E** ) (複選)設 $4^a + 4^b + 4^c - 2^{a+b} - 2^{b+c} - 2^{c+a} = 0$ ，而 $a, b, c$ 表示三角形 $ABC$ 的三邊長，則 $\triangle ABC$ 為 (A) 直角三角形 (B) 銳角三角形 (C) 鈍角三角形 (D) 等腰三角形 (E) 正三角形

**解析**：令 $A = 2^a, B = 2^b, C = 2^c$   $\therefore A^2 + B^2 + C^2 - AB - BC - CA = 0$

$$\therefore \frac{1}{2}[(A-B)^2 + (B-C)^2 + (C-A)^2] = 0 \quad \therefore A = B = C$$

$2^a = 2^b = 2^c \Rightarrow a = b = c$ ，故三角形 $ABC$ 為正三角形

36、( **AD** ) (複選)設 $a > b > 1000$ ，令 $p = \sqrt{\log_7 a \cdot \log_7 b}$ ， $q = \frac{1}{2}(\log_7 a + \log_7 b)$ ，

$$r = \log_7 \left( \frac{a+b}{2} \right)$$
，則下列何者正確？ (A)  $q = \log_7 \sqrt{ab}$  (B)  $q > r$  (C)  $r < p < q$

$$(D) p < q < r \quad (E) q < p < r$$

**解析**： $\frac{a+b}{2} > \sqrt{ab} \quad \therefore r > q$ ， $\frac{1}{2}(\log_7 a + \log_7 b) > \sqrt{\log_7 a \cdot \log_7 b} \quad \therefore q > p$

37、(全) (複選)下列選項何者為真? (A)  $\frac{2^{10}+2^{20}}{2} > \sqrt{2^{10} \cdot 2^{20}}$

(B)  $\frac{(\frac{1}{2})^{10} + (\frac{1}{2})^{20}}{2} > \sqrt{(\frac{1}{2})^{10} \cdot (\frac{1}{2})^{20}}$  (C)  $\sqrt{10} + \sqrt{20} > \sqrt{30}$  (D)  $\log 10 + \log 20 > \log 30$

(E)  $\frac{10^2 + 20^2}{2} > (\frac{10+20}{2})^2$

**解析**: (A)  $2^{10} > 0, 2^{20} > 0, \therefore \frac{2^{10} + 2^{20}}{2} \geq \sqrt{2^{10} \cdot 2^{20}}$

(B)  $(\frac{1}{2})^{10} > 0, (\frac{1}{2})^{20} > 0, \therefore \frac{(\frac{1}{2})^{10} + (\frac{1}{2})^{20}}{2} \geq \sqrt{(\frac{1}{2})^{10} \cdot (\frac{1}{2})^{20}}$

(C)  $\sqrt{10} \div 3 \dots, \sqrt{20} \div 4 \dots, \sqrt{30} \div 5 \dots \Rightarrow \sqrt{10} + \sqrt{20} > \sqrt{30}$

(D)  $\log 10 + \log 20 = \log 200 > \log 30$

(E)  $\frac{10^2 + 20^2}{2} - \frac{(10+20)^2}{4} = \frac{2(10^2 + 20^2) - (10^2 + 2 \cdot 10 \cdot 20 + 20^2)}{4}$   
 $= \frac{10^2 - 2 \cdot 10 \cdot 20 + 20^2}{4} = \frac{(20-10)^2}{4} > 0$

38、(AD) (複選)  $\log x = 3.9074$ , 則下列何者正確?

(A)  $\log x$  的首數為 3 (B)  $\log x$  的尾數為 0.0926 (C)  $x$  的整數部分為 3 位數

(D) 小數  $\frac{1}{x}$  從小數點向右第 4 位出現非 0 的數字 (E)  $\log \frac{1}{x}$  的尾數為 0.0926

**解析**:  $\log \frac{1}{x} = -4 + 0.0926$

39、(AC) (複選) 設  $\log x = 2.5514$ , 則下列何者正確?

(A)  $\log x$  的首數為 2 (B)  $\log \frac{1}{x}$  的首數為 -2 (C)  $\log \frac{1}{x^2}$  的首數為 -6

(D)  $\log 10x$  的首數為 12 (E)  $\log \sqrt{10}x$  的首數為 3

**解析**:  $\log x = 2 + 0.5514, \log \frac{1}{x} = -3 + 0.4486$

$\log \frac{1}{x^2} = -6 + 0.8972, \log 10x = 1 + 0.5514$

$\log \sqrt{10}x = 0.5 + 2.5514 = 3 + 0.0514$

40、(AB) 方程式  $2\log_2(1-x) - \log_2|x^2-1| - 2 = 0$  之根有 (A)  $-\frac{5}{3}$  (B)  $-\frac{3}{5}$  (C) 0 (D)  $\frac{3}{5}$  (E)  $\frac{5}{3}$

**解析**: 自然限制  $1-x > 0 \therefore x < 1$

又  $\frac{(1-x)^2}{|x^2-1|} = 4$ , 若  $-1 < x < 1 \therefore (1-x)^2 = 4(1-x^2) \therefore x = 1$  (不合) 或  $-\frac{3}{5}$

若  $x < -1 \therefore (1-x)^2 = 4(x^2-1) \therefore x = -\frac{5}{3}$  或 1 (不合)