

高雄市明誠中學 高一數學平時測驗 日期：102.05.27				
範圍	3-1 樣本空間與事件	班級	一年____班	姓名
		座號		

一、填充題 (每題 10 分)

1. 擲兩粒不同顏色骰子及一個硬幣，

(1) 此試驗之樣本空間，有\_\_\_\_\_個元素。

(2) 設事件  $A$  表示至少出現一個奇數且硬幣是正面的事件，則  $A$  中含有\_\_\_\_\_個元素。

**解答** (1) 72; (2) 27

**解析** (1)  $n(S) = 6^2 \times 2 = 72$ . (2)  $n(A) = (6^2 - 3^2) \times 1 = 27$ .

2. 設  $A, B, C$  為同一樣本空間  $S$  的三個子集合，試用集合表示下列各事件：

(1)  $A, B, C$  至少有一發生的事件為\_\_\_\_\_。

(2)  $A, B, C$  均發生的事件為\_\_\_\_\_。

(3)  $A, B, C$  均不發生的事件為\_\_\_\_\_。

**解答** (1)  $A \cup B \cup C$ ; (2)  $A \cap B \cap C$ ; (3)  $A' \cap B' \cap C'$

**解析** (1)  $A, B, C$  至少有一發生，試驗結果落在  $A$  集合或  $B$  集合或  $C$  集合中故為  $A \cup B \cup C$ 。

(2)  $A, B, C$  均發生，表示試驗結果落在  $A$  中且在  $B$  中且在  $C$  中，故為  $A \cap B \cap C$ 。

(3)  $A, B, C$  均不發生，表示結果不在  $A$  中且不在  $B$  中且不在  $C$  中，故為  $A' \cap B' \cap C'$ 。

3. 投擲一般子兩次， $A$  表第一次出現奇數點的事件， $B$  表第二次出現奇數點的事件，則

(1)  $n(A) =$ \_\_\_\_\_。 (2)  $n(B) =$ \_\_\_\_\_。 (3)  $n(A \cap B) =$ \_\_\_\_\_。

**解答** (1) 18; (2) 18; (3) 9

**解析** 樣本空間  $S = \{(x, y) \mid x, y = 1, 2, 3, 4, 5, 6\}$

(1)  $A = \{(x, y) \mid x = 1, 3, 5; y = 1, 2, 3, 4, 5, 6\} \Rightarrow n(A) = 18$ 。

(2)  $B = \{(x, y) \mid x = 1, 2, 3, 4, 5, 6; y = 1, 3, 5\} \Rightarrow n(B) = 18$ 。

(3)  $A \cap B = \{(x, y) \mid x = 1, 3, 5; y = 1, 3, 5\} \Rightarrow n(A \cap B) = 9$ 。

4. 一盒子中，裝有編號 1, 2, 3, 4 的卡片四張，自此盒子中，取出一張卡片，觀察其號碼為  $x$ ，將此卡片放回盒內，再取出一張，觀察其號碼為  $y$ 。此試驗的樣本空間為  $S$ ， $A$  表兩次號碼和小於 5 的事件， $B$  表兩次號碼和為質數的事件， $C$  表第一次出現號碼小於第二次出現號碼的事件， $D$  表兩次出現號碼均為偶數的事件，則

(1)  $n(S) =$ \_\_\_\_\_。 (2) 互斥的兩事件為\_\_\_\_\_。 (3)  $n(C \cup (B \cup D)') =$ \_\_\_\_\_。

**解答** (1) 16; (2)  $B, D$ ; (3) 8

**解析** (1)  $\because S = \{(x, y) \mid x, y \in \mathbb{N}, 1 \leq x, y \leq 4\} \therefore n(S) = 4 \times 4 = 16$ 。

(2)  $A = \{(1, 1), (1, 2), (1, 3), (2, 1), (2, 2), (3, 1)\}$

$B = \{(1, 1), (1, 2), (1, 4), (2, 1), (2, 3), (3, 2), (3, 4), (4, 1), (4, 3)\}$

$C = \{(1, 2), (1, 3), (1, 4), (2, 3), (2, 4), (3, 4)\}$

$D = \{(2, 2), (2, 4), (4, 2), (4, 4)\}$

$\therefore A \cap B \neq \emptyset, A \cap C \neq \emptyset, A \cap D \neq \emptyset, B \cap C \neq \emptyset, B \cap D = \emptyset, C \cap D \neq \emptyset$

$\therefore$  互斥事件有  $B, D$  兩事件。

(3)  $\because (B \cup D)' = \{(1, 3), (3, 1), (3, 3)\} \therefore C \cap (B \cup D)' = \{(1, 3)\}$

$\Rightarrow n(C \cup (B \cup D)') = n(C) + n((B \cup D)') - n(C \cap (B \cup D)') = 6 + 3 - 1 = 8$ 。

5. 自一副撲克牌中，任取 10 張，若每張被取出的機會相等，求

(1)樣本空間  $S$  的元素個數  $n(S) = \underline{\hspace{2cm}}$  .

(2)若  $A$  表 10 張牌中至少有一黑桃的事件, 則  $n(A) = \underline{\hspace{2cm}}$  .

**解答** (1)  $C_{10}^{52}$ ; (2)  $C_{10}^{52} - C_{10}^{39}$

**解析** (1)  $n(S) = 52$  張牌中, 任取 10 張的取法  $= C_{10}^{52}$  .

(2)由 52 張中, 任取 10 張無一黑桃的取法有  $C_{10}^{39}$  種

10 張中至少有一黑桃的取法有  $C_{10}^{52} - C_{10}^{39}$  種 即  $n(A) = n(S) - n(A') = C_{10}^{52} - C_{10}^{39}$  .

6.若樣本空間  $S = \{1, 2, 3, 4\}$ , 事件  $A = \{1, 2\}$ , 則(1)  $A' = \underline{\hspace{2cm}}$  . (2)與  $A$  互斥之事件, 共有  $\underline{\hspace{2cm}}$  個 .

**解答** (1)  $\{3, 4\}$ ; (2) 4

**解析** (1)  $A' = \{3, 4\}$  . (2)與  $A$  互斥的事件有  $\emptyset, \{3\}, \{4\}, \{3, 4\}$  共 4 個 .

7.設樣本空間  $S = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ , 事件  $A = \{1, 2\}$ , 則與  $A$  互斥的事件共有  $\underline{\hspace{2cm}}$  個 .

**解答** 16

**解析** 與  $A = \{1, 2\}$  互斥之事件為  $\{3, 4, 5, 6\}$  之子集合, 共有  $2^4 = 16$  個 .

8.設  $S$  表一隨機試驗的樣本空間,  $A \subset S$ ,  $A$  為一事件, 且  $A$  的樣本點個數  $n(A) = 4$ , 若與  $A$  互斥的事件有 64 個, 則  $S$  的樣本點個數  $n(S) = \underline{\hspace{2cm}}$  .

**解答** 10

**解析** 令  $S = A \cup A'$ ,  $A'$  為  $A$  的補集  $\Rightarrow 2^{n(A')} = 64$ ,  $\therefore n(A') = 6$ , 又  $n(A) = 4 \Rightarrow n(S) = 6 + 4 = 10$  .

9.設袋中有相異的紅球 3 個, 白球 2 個, 黑球 4 個 . 若從中依次取出 3 球, 且 3 球均異色的事件為  $A$ , 則  $n(A) = \underline{\hspace{2cm}}$  .

**解答** 144

**解析**  $n(A) = C_1^3 \times C_1^2 \times C_1^4 \times 3! = 144$  .

10.設  $A$  表擲一粒公正的骰子 3 次且點數和為 10 的事件, 則  $n(A) = \underline{\hspace{2cm}}$  .

**解答** 27

**解析**  $10 = 6 + 3 + 1 \rightarrow 3! = 6$

$$= 6 + 2 + 2 \rightarrow \frac{3!}{2!} = 3$$

$$= 5 + 4 + 1 \rightarrow 3! = 6$$

$$= 5 + 3 + 2 \rightarrow 3! = 6$$

$$= 4 + 4 + 2 \rightarrow \frac{3!}{2!} = 3$$

$$= 4 + 3 + 3 \rightarrow \frac{3!}{2!} = 3, \therefore \text{所求 } n(A) = 6 + 3 + 6 + 6 + 3 + 3 = 27 .$$

11.甲, 乙, 丙三人玩「剪刀, 石頭, 布」猜拳遊戲, 若彼此不分勝負的事件為  $A$ , 則  $n(A) = \underline{\hspace{2cm}}$  .

**解答** 9

**解析** 不分勝負  $\Rightarrow$  三人皆出相同的拳法或三種拳法都有人出  $\Rightarrow 3 + 3! = 9$  .

12.設袋中有相異的紅球 4 個, 白球 3 個 . 若從袋中每次取一球, 取後不放回, 直到全部取完為止,  $A$  表白球先取完的事件, 則  $n(A) = \underline{\hspace{2cm}}$  .

解答 2880

解析 白球先取完  $\Rightarrow$  表最後一球必為紅球，又球相異， $\therefore n(A) = C_1^4 \times 6! = 2880$  .

13.欲從 52 張紙牌中任選 3 張，事件  $E$  表示 3 張中恰有 2 張同花色，則  $n(E) =$ \_\_\_\_\_ .

解答 12168

解析  $n(E) = C_1^4 \times C_2^{13} \times C_1^3 \times C_1^{13} = 4 \times \frac{13 \times 12}{2} \times 3 \times 13 = 12168$  .

14.如果隨機選出一個五位數，事件  $A$  表示這個五位數是由 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 等九個號碼中的數字組成，且數字不重複，而且五位數的個位數字為 6，則  $n(A) =$ \_\_\_\_\_ .

解答 1680

解析  $P_4^8 \times 1 = 8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 1 = 1680$  .

15.同時擲兩粒骰子的樣本空間為  $S = \{(i, j) \mid i, j = 1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ ，以  $A$  表示點數和為 6 的事件， $B$  表示點數差為 3 的事件 . 則  $A \cap B$  是否為空事件？\_\_\_\_\_

解答 是

16.設  $S = \{a, b, c, d, e, f\}$ ，若事件  $B$  包含於  $S$ ，且  $n(B) = 2$ ，則  $S$  的事件中與  $B$  互斥的事件有\_\_\_\_\_個 .

解答 16

解析  $n(S) - n(B) = 6 - 2 = 4 \Rightarrow$  所求  $= C_0^4 + C_1^4 + C_2^4 + C_3^4 + C_4^4 = 2^4 = 16$  (個) .

17.自 52 張撲克牌中，任取 5 張，

(1) 5 張大牌 ( $A, K, Q, J$ ) 的事件有\_\_\_\_\_個元素 .

(2) 5 張中 3 張相同點數另 2 張相同點數 (如 AAA33) 的事件有\_\_\_\_\_個元素 .

(3) 2 對 (如 AAK33) 的事件有\_\_\_\_\_個元素 .

解答 (1)364;(2)3744;(3) 123552

解析 (1)  $C_5^{4 \times 4} = 364$  (2)  $C_2^{13} \cdot 2! \cdot C_3^4 \cdot C_2^4 = 3744$  (3)  $C_3^{13} \cdot \frac{3!}{2!} \cdot C_2^4 \cdot C_2^4 \cdot C_1^4 = 123552$

18.擲一枚硬幣四次，(1)恰出現三次正面的機率為\_\_\_\_\_，(2)至少出現三次正面的機率為\_\_\_\_\_ .

解答 (1)  $\frac{1}{4}$ ; (2)  $\frac{5}{16}$

解析 設擲四枚硬幣，樣本空間  $S$ ，則  $n(S) = 2^4 = 16$   
恰三次正面的事件為  $A$ ，則  $n(A) = C_3^4 = 4$

至少三次正面的事件為  $B$ ，則  $n(B) = C_3^4 + C_4^4 = 5$  所以  $P(A) = \frac{4}{16} = \frac{1}{4}$ ， $P(B) = \frac{5}{16}$  .

19.若將四位數 1234 的數字任意重新排列，則

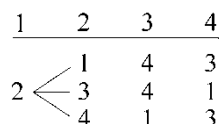
(1)恰有兩個數字位置不變的機率為\_\_\_\_\_，(2)每個數字都改變位置的機率為\_\_\_\_\_ .

解答 (1)  $\frac{1}{4}$ ; (2)  $\frac{3}{8}$

解析 樣本空間  $S$ : 1, 2, 3, 4, 重新任意排列，其方法有  $4! = 24$  種

事件  $A$ : 恰兩個數字位置不變的排列有  $C_2^4 = 6$

事件  $B$ : 每個數字位置都改變的排列如下，若 1 的位置改為 2，則



因此，共有  $3 \times 3 = 9$  種排列每個數字都改變  $P(A) = \frac{6}{24} = \frac{1}{4}$ ， $P(B) = \frac{9}{24} = \frac{3}{8}$ 。

20.擲一粒骰子三次，(1)第三次出現 1 點的機率為\_\_\_\_\_，(2)第一次或第三次出現奇數點的機率為\_\_\_\_\_。

**解答** (1)  $\frac{1}{6}$ ; (2)  $\frac{3}{4}$

**解析** (1)擲一粒骰子三次，第三次出現 1 的機率 =  $\frac{6 \times 6 \times 1}{6^3} = \frac{1}{6}$

(2)第一次或第三次出現奇數點的機率 =  $\frac{3 \times 6 \times 6 + 6 \times 6 \times 3 - 3 \times 6 \times 3}{6^3} = \frac{18 + 18 - 9}{6^2} = \frac{3}{4}$ 。

21.袋中有 3 個紅球，2 個白球，1 個黑球，每球被取的機會相同，

(1)若一次取兩球，則兩球同色的機率為\_\_\_\_\_。

(2)若一次取三球，則三球均不同色的機率為\_\_\_\_\_。

**解答** (1)  $\frac{4}{15}$ ; (2)  $\frac{3}{10}$

**解析** (1)設一次取兩球的樣本空間  $S$ ， $n(S) = C_2^6 = 15$ ，取到兩球同色的事件  $A$ ，

$$n(A) = C_2^3 + C_2^2 = 4，所以 P(A) = \frac{4}{15}。$$

(2)一次取三球，三球均不同色的機率 =  $\frac{C_1^3 C_1^2 C_1^1}{C_3^6} = \frac{6}{20} = \frac{3}{10}$ 。

22.袋中有 10 張籤條，其中 3 張有獎，今從袋中一次抽取一張籤條，共取 10 次，將籤條取完，則

(1)第二張中獎的機率為\_\_\_\_\_，(2)第八張中獎的機率為\_\_\_\_\_。

**解答** (1)  $\frac{3}{10}$ ; (2)  $\frac{3}{10}$

**解析** (1)第二張中獎的機率 =  $\frac{3 \times 9!}{10!} = \frac{3}{10}$ 。(2)第八張中獎的機率 =  $\frac{3 \times 9!}{10!} = \frac{3}{10}$ 。

23.若將「probability」這個字的字母任意排列，則

(1)兩個  $b$  相鄰的機率為\_\_\_\_\_，(2)相同字母都不相鄰的機率為\_\_\_\_\_。

**解答** (1)  $\frac{2}{11}$ ; (2)  $\frac{37}{55}$

**解析** (1)任意排列的排列數 =  $\frac{11!}{2!2!}$ ，兩個  $b$  相鄰的排列數 =  $\frac{10!}{2!}$ ，機率 =  $\frac{\frac{10!}{2!}}{\frac{11!}{2!2!}} = \frac{2}{11}$ 。

(2)設  $b$  相鄰排列形成  $A$  集合， $i$  相鄰排列形成  $B$  集合則  $n(A) = n(B) = \frac{10!}{2!}$ ， $n(A \cap B) = 9!$ ，

$$n(A \cup B) = 2 \times \frac{10!}{2!} - 9! = 10! - 9! = 9 \times 9!$$

所以相同字母不相鄰排列的機率 =  $1 - \left(\frac{9 \times 9!}{\frac{11!}{2!2!}}\right) = 1 - \frac{18}{55} = \frac{37}{55}$ 。