

高雄市明誠中學 高一數學平時測驗 日期：102.05.27				
範圍	3-1 樣本空間與事件	班級	一年____班	姓名
		座號		

一、填充題 (每題 10 分)

1. 擲兩粒不同顏色骰子及一個硬幣，

(1) 此試驗之樣本空間，有_____個元素。

(2) 設事件 A 表示至少出現一個奇數且硬幣是正面的事件，則 A 中含有_____個元素。

解答 (1) 72; (2) 27

解析 (1) $n(S) = 6^2 \times 2 = 72$. (2) $n(A) = (6^2 - 3^2) \times 1 = 27$.

2. 設 A, B, C 為同一樣本空間 S 的三個子集合，試用集合表示下列各事件：

(1) A, B, C 至少有一發生的事件為_____。

(2) A, B, C 均發生的事件為_____。

(3) A, B, C 均不發生的事件為_____。

解答 (1) $A \cup B \cup C$; (2) $A \cap B \cap C$; (3) $A' \cap B' \cap C'$

解析 (1) A, B, C 至少有一發生，試驗結果落在 A 集合或 B 集合或 C 集合中故為 $A \cup B \cup C$ 。

(2) A, B, C 均發生，表示試驗結果落在 A 中且在 B 中且在 C 中，故為 $A \cap B \cap C$ 。

(3) A, B, C 均不發生，表示結果不在 A 中且不在 B 中且不在 C 中，故為 $A' \cap B' \cap C'$ 。

3. 投擲一般子兩次， A 表第一次出現奇數點的事件， B 表第二次出現奇數點的事件，則

(1) $n(A) =$ _____。 (2) $n(B) =$ _____。 (3) $n(A \cap B) =$ _____。

解答 (1) 18; (2) 18; (3) 9

解析 樣本空間 $S = \{(x, y) \mid x, y = 1, 2, 3, 4, 5, 6\}$

(1) $A = \{(x, y) \mid x = 1, 3, 5; y = 1, 2, 3, 4, 5, 6\} \Rightarrow n(A) = 18$ 。

(2) $B = \{(x, y) \mid x = 1, 2, 3, 4, 5, 6; y = 1, 3, 5\} \Rightarrow n(B) = 18$ 。

(3) $A \cap B = \{(x, y) \mid x = 1, 3, 5; y = 1, 3, 5\} \Rightarrow n(A \cap B) = 9$ 。

4. 一盒子中，裝有編號 1, 2, 3, 4 的卡片四張，自此盒子中，取出一張卡片，觀察其號碼為 x ，將此卡片放回盒內，再取出一張，觀察其號碼為 y 。此試驗的樣本空間為 S ， A 表兩次號碼和小於 5 的事件， B 表兩次號碼和為質數的事件， C 表第一次出現號碼小於第二次出現號碼的事件， D 表兩次出現號碼均為偶數的事件，則

(1) $n(S) =$ _____。 (2) 互斥的兩事件為_____。 (3) $n(C \cup (B \cup D)') =$ _____。

解答 (1) 16; (2) B, D ; (3) 8

解析 (1) $\because S = \{(x, y) \mid x, y \in \mathbb{N}, 1 \leq x, y \leq 4\} \therefore n(S) = 4 \times 4 = 16$ 。

(2) $A = \{(1, 1), (1, 2), (1, 3), (2, 1), (2, 2), (3, 1)\}$

$B = \{(1, 1), (1, 2), (1, 4), (2, 1), (2, 3), (3, 2), (3, 4), (4, 1), (4, 3)\}$

$C = \{(1, 2), (1, 3), (1, 4), (2, 3), (2, 4), (3, 4)\}$

$D = \{(2, 2), (2, 4), (4, 2), (4, 4)\}$

$\therefore A \cap B \neq \emptyset, A \cap C \neq \emptyset, A \cap D \neq \emptyset, B \cap C \neq \emptyset, B \cap D = \emptyset, C \cap D \neq \emptyset$

\therefore 互斥事件有 B, D 兩事件。

(3) $\because (B \cup D)' = \{(1, 3), (3, 1), (3, 3)\} \therefore C \cap (B \cup D)' = \{(1, 3)\}$

$\Rightarrow n(C \cup (B \cup D)') = n(C) + n((B \cup D)') - n(C \cap (B \cup D)') = 6 + 3 - 1 = 8$ 。

5. 自一副撲克牌中，任取 10 張，若每張被取出的機會相等，求

(1)樣本空間 S 的元素個數 $n(S) = \underline{\hspace{2cm}}$.

(2)若 A 表 10 張牌中至少有一黑桃的事件, 則 $n(A) = \underline{\hspace{2cm}}$.

解答 (1) C_{10}^{52} ; (2) $C_{10}^{52} - C_{10}^{39}$

解析 (1) $n(S) = 52$ 張牌中, 任取 10 張的取法 $= C_{10}^{52}$.

(2)由 52 張中, 任取 10 張無一黑桃的取法有 C_{10}^{39} 種

10 張中至少有一黑桃的取法有 $C_{10}^{52} - C_{10}^{39}$ 種 即 $n(A) = n(S) - n(A') = C_{10}^{52} - C_{10}^{39}$.

6.若樣本空間 $S = \{1, 2, 3, 4\}$, 事件 $A = \{1, 2\}$, 則(1) $A' = \underline{\hspace{2cm}}$. (2)與 A 互斥之事件, 共有 $\underline{\hspace{2cm}}$ 個 .

解答 (1) $\{3, 4\}$; (2) 4

解析 (1) $A' = \{3, 4\}$. (2)與 A 互斥的事件有 $\emptyset, \{3\}, \{4\}, \{3, 4\}$ 共 4 個 .

7.設樣本空間 $S = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$, 事件 $A = \{1, 2\}$, 則與 A 互斥的事件共有 $\underline{\hspace{2cm}}$ 個 .

解答 16

解析 與 $A = \{1, 2\}$ 互斥之事件為 $\{3, 4, 5, 6\}$ 之子集合, 共有 $2^4 = 16$ 個 .

8.設 S 表一隨機試驗的樣本空間, $A \subset S$, A 為一事件, 且 A 的樣本點個數 $n(A) = 4$, 若與 A 互斥的事件有 64 個, 則 S 的樣本點個數 $n(S) = \underline{\hspace{2cm}}$.

解答 10

解析 令 $S = A \cup A'$, A' 為 A 的補集 $\Rightarrow 2^{n(A')} = 64$, $\therefore n(A') = 6$, 又 $n(A) = 4 \Rightarrow n(S) = 6 + 4 = 10$.

9.設袋中有相異的紅球 3 個, 白球 2 個, 黑球 4 個 . 若從中依次取出 3 球, 且 3 球均異色的事件為 A , 則 $n(A) = \underline{\hspace{2cm}}$.

解答 144

解析 $n(A) = C_1^3 \times C_1^2 \times C_1^4 \times 3! = 144$.

10.設 A 表擲一粒公正的骰子 3 次且點數和為 10 的事件, 則 $n(A) = \underline{\hspace{2cm}}$.

解答 27

解析 $10 = 6 + 3 + 1 \rightarrow 3! = 6$

$$= 6 + 2 + 2 \rightarrow \frac{3!}{2!} = 3$$

$$= 5 + 4 + 1 \rightarrow 3! = 6$$

$$= 5 + 3 + 2 \rightarrow 3! = 6$$

$$= 4 + 4 + 2 \rightarrow \frac{3!}{2!} = 3$$

$$= 4 + 3 + 3 \rightarrow \frac{3!}{2!} = 3, \therefore \text{所求 } n(A) = 6 + 3 + 6 + 6 + 3 + 3 = 27 .$$

11.甲, 乙, 丙三人玩「剪刀, 石頭, 布」猜拳遊戲, 若彼此不分勝負的事件為 A , 則 $n(A) = \underline{\hspace{2cm}}$.

解答 9

解析 不分勝負 \Rightarrow 三人皆出相同的拳法或三種拳法都有人出 $\Rightarrow 3 + 3! = 9$.

12.設袋中有相異的紅球 4 個, 白球 3 個 . 若從袋中每次取一球, 取後不放回, 直到全部取完為止, A 表白球先取完的事件, 則 $n(A) = \underline{\hspace{2cm}}$.

解答 2880

解析 白球先取完 \Rightarrow 表最後一球必為紅球，又球相異， $\therefore n(A) = C_1^4 \times 6! = 2880$.

13.欲從 52 張紙牌中任選 3 張，事件 E 表示 3 張中恰有 2 張同花色，則 $n(E) =$ _____ .

解答 12168

解析 $n(E) = C_1^4 \times C_2^{13} \times C_1^3 \times C_1^{13} = 4 \times \frac{13 \times 12}{2} \times 3 \times 13 = 12168$.

14.如果隨機選出一個五位數，事件 A 表示這個五位數是由 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 等九個號碼中的數字組成，且數字不重複，而且五位數的個位數字為 6，則 $n(A) =$ _____ .

解答 1680

解析 $P_4^8 \times 1 = 8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 1 = 1680$.

15.同時擲兩粒骰子的樣本空間為 $S = \{(i, j) \mid i, j = 1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ ，以 A 表示點數和為 6 的事件， B 表示點數差為 3 的事件 . 則 $A \cap B$ 是否為空事件？_____

解答 是

16.設 $S = \{a, b, c, d, e, f\}$ ，若事件 B 包含於 S ，且 $n(B) = 2$ ，則 S 的事件中與 B 互斥的事件有_____個 .

解答 16

解析 $n(S) - n(B) = 6 - 2 = 4 \Rightarrow$ 所求 $= C_0^4 + C_1^4 + C_2^4 + C_3^4 + C_4^4 = 2^4 = 16$ (個) .

17.自 52 張撲克牌中，任取 5 張，

(1) 5 張大牌 (A, K, Q, J) 的事件有_____個元素 .

(2) 5 張中 3 張相同點數另 2 張相同點數 (如 AAA33) 的事件有_____個元素 .

(3) 2 對 (如 AAK33) 的事件有_____個元素 .

解答 (1)364;(2)3744;(3) 123552

解析 (1) $C_5^{4 \times 4} = 364$ (2) $C_2^{13} \cdot 2! \cdot C_3^4 \cdot C_2^4 = 3744$ (3) $C_3^{13} \cdot \frac{3!}{2!} \cdot C_2^4 \cdot C_2^4 \cdot C_1^4 = 123552$

18.擲一枚硬幣四次，(1)恰出現三次正面的機率為_____，(2)至少出現三次正面的機率為_____ .

解答 (1) $\frac{1}{4}$;(2) $\frac{5}{16}$

解析 設擲四枚硬幣，樣本空間 S ，則 $n(S) = 2^4 = 16$
恰三次正面的事件為 A ，則 $n(A) = C_3^4 = 4$

至少三次正面的事件為 B ，則 $n(B) = C_3^4 + C_4^4 = 5$ 所以 $P(A) = \frac{4}{16} = \frac{1}{4}$ ， $P(B) = \frac{5}{16}$.

19.若將四位數 1234 的數字任意重新排列，則

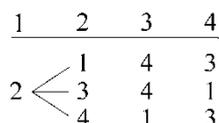
(1)恰有兩個數字位置不變的機率為_____，(2)每個數字都改變位置的機率為_____ .

解答 (1) $\frac{1}{4}$;(2) $\frac{3}{8}$

解析 樣本空間 S : 1, 2, 3, 4, 重新任意排列，其方法有 $4! = 24$ 種

事件 A : 恰兩個數字位置不變的排列有 $C_2^4 = 6$

事件 B : 每個數字位置都改變的排列如下，若 1 的位置改為 2，則



因此，共有 $3 \times 3 = 9$ 種排列每個數字都改變 $P(A) = \frac{6}{24} = \frac{1}{4}$ ， $P(B) = \frac{9}{24} = \frac{3}{8}$ 。

20.擲一粒骰子三次，(1)第三次出現 1 點的機率為_____，(2)第一次或第三次出現奇數點的機率為_____。

解答 (1) $\frac{1}{6}$; (2) $\frac{3}{4}$

解析 (1)擲一粒骰子三次，第三次出現 1 的機率 = $\frac{6 \times 6 \times 1}{6^3} = \frac{1}{6}$

(2)第一次或第三次出現奇數點的機率 = $\frac{3 \times 6 \times 6 + 6 \times 6 \times 3 - 3 \times 6 \times 3}{6^3} = \frac{18 + 18 - 9}{6^2} = \frac{3}{4}$ 。

21.袋中有 3 個紅球，2 個白球，1 個黑球，每球被取的機會相同，

(1)若一次取兩球，則兩球同色的機率為_____。

(2)若一次取三球，則三球均不同色的機率為_____。

解答 (1) $\frac{4}{15}$; (2) $\frac{3}{10}$

解析 (1)設一次取兩球的樣本空間 S ， $n(S) = C_2^6 = 15$ ，取到兩球同色的事件 A ，

$$n(A) = C_2^3 + C_2^2 = 4，所以 P(A) = \frac{4}{15}。$$

(2)一次取三球，三球均不同色的機率 = $\frac{C_1^3 C_1^2 C_1^1}{C_3^6} = \frac{6}{20} = \frac{3}{10}$ 。

22.袋中有 10 張籤條，其中 3 張有獎，今從袋中一次抽取一張籤條，共取 10 次，將籤條取完，則

(1)第二張中獎的機率為_____，(2)第八張中獎的機率為_____。

解答 (1) $\frac{3}{10}$; (2) $\frac{3}{10}$

解析 (1)第二張中獎的機率 = $\frac{3 \times 9!}{10!} = \frac{3}{10}$ 。(2)第八張中獎的機率 = $\frac{3 \times 9!}{10!} = \frac{3}{10}$ 。

23.若將「probability」這個字的字母任意排列，則

(1)兩個 b 相鄰的機率為_____，(2)相同字母都不相鄰的機率為_____。

解答 (1) $\frac{2}{11}$; (2) $\frac{37}{55}$

解析 (1)任意排列的排列數 = $\frac{11!}{2!2!}$ ，兩個 b 相鄰的排列數 = $\frac{10!}{2!}$ ，機率 = $\frac{\frac{10!}{2!}}{\frac{11!}{2!2!}} = \frac{2}{11}$ 。

(2)設 b 相鄰排列形成 A 集合， i 相鄰排列形成 B 集合則 $n(A) = n(B) = \frac{10!}{2!}$ ， $n(A \cap B) = 9!$ ，

$$n(A \cup B) = 2 \times \frac{10!}{2!} - 9! = 10! - 9! = 9 \times 9!$$

所以相同字母不相鄰排列的機率 = $1 - \left(\frac{9 \times 9!}{\frac{11!}{2!2!}}\right) = 1 - \frac{18}{55} = \frac{37}{55}$ 。